

# Langages synchrones

Jérôme Hugues (ex-ENST)  
Emmanuelle Encrenaz-Tiphène

(emmanuelle.encrenaz@lip6.fr)

V3.0, septembre 2009

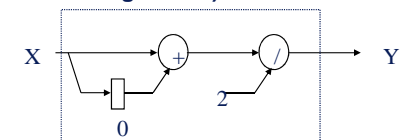
## 2. Langage Lustre

### a) Présentation du langage

Note: les exemples du cours sont disponibles sur le site du module

- Les systèmes réactifs sont apparus à l'origine en automatique, en traitement du signal et conception de circuits
  - Formalisme équationnel: équations différentielles, équations aux différences finies
  - Formalisme diagrammatique: schémas blocs, schémas analogiques
- Réseaux de Kahn, Lucid: langages de flux de données synchrones
- Matlab, Simulink, VHDL-AMS
- Modèle de données-flow
  - *flots*: suite infinie de valeurs, chaque flot est caractérisé par une équation (définition, propriété)
  - Schéma opératif pré-établi. Chaque opérateur est activé par l'apparition de nouvelles entrées

- Caractéristiques
  - Parallélisme à grain fin (niveau opérateur)
  - Modèle fonctionnel:
    - Calcul vu comme une composition de fonctions
    - Pas de notion de mémoire, d'affectation, d'effet de bord
  - Représentation graphique du réseau d'opérateurs
    - Décomposition hiérarchique
- Exemple: filtre de convolution (traitement du signal)
  - $Y_1 = X_1/2, Y_n = (X_n + X_{n-1})/2$



- Lustre:
  - Langage flot de données:
    - Parallélisme grain fin, hiérarchie
  - Fonctionnel, déclaratif,
    - Composition et substitution
  - Synchrone:
    - Simultanéité des réactions, infiniment rapides, dét erministe
- Comportement cyclique → horloge de base
- Génération automatique de code impératif (simulation / vérification)

- Syntaxe Lustre du filtre de convolution
 

```
node convolution (X:real) returns (Y:real);
let Y = (X + (0.0 -> pre X)) / 2.0;
tel;
```
- Autre écriture
 

```
node convolution (X:real) returns (Y:real);
var pY: real;
let Y = (X + pY) / 2.0;
pY = 0.0 -> pre X;
tel;
```
- Un programme Lustre = un ensemble d'équations de filtres,
  - ordres sans importance
  - synchronisme de l'automatique (index = temps)

- Flot: Séquence infinie de valeurs typées, associée à une horloge
  - Flot sur  $V:V^{\omega}$
  - Ex: flot constant  $C = 1, 1, 1, 1, \dots$
  - Ex:  $F = 1, 2, 1, 1, 3, 78, -256, 170, \dots$
- Horloge: Flot booléen =  $\{true, false\}^{\omega}$ 
  - Horloge H: la suite des instants où H vaut true
  - Horloge de base (tick):  $\{true\}^{\omega}$
  - $F = (f_i)_{i \in \mathbb{N}}$ : fire représente la valeur de F au i-ème instant d'une horloge
  - Ex:  $H = true, false, false, true, false, true, true, true, \dots$
- Définition de nouvelles horloges par sous-échantillonnage
  - Arbres d'horloges de racine / horloge de base
  - Permet d'indiquer l'absence de valeur dans un flot
  - Ex:  $F \text{ when } H = 1, (abs), (abs), 1, (abs), 78, -256, 170, \dots$

- Unesuites de déclarations de nœuds:
 

```
node ID_NODE ([ID_IN : ID_TY_IN]*)
returns ([ID_OUT : ID_TY_OUT]*);

var [(ID_VAR : ID_TY_VAR) [when ID_HORLOGE]];
```

Let  
 ID\_VAR1 = expression\_1;  
 ID\_VAR2 = expression\_2;  
 ...  
 assert (expression\_p);  
 assert (expression\_q);  
 tel;
  - Déclaration d'interface d'un nœud (evt. sous-échantillonnées)
  - Déclaration de variables internes (evt. sous-échantillonnées)
  - Équation: définition unique et non ambiguë d'une variable interne ou de sortie
  - Assertion: expression booléenne présumée vraie à tout instant
- Principes de déclaration et de substitution
- Types de base:
  - int, bool, real,
  - constructeur de tuple, extensions: tableaux
  - types importés du langage hôte

- **Expressions**
  - Définition de flots et d'horloges
  - Bati sur: flots constants, variables de flots, opérateurs, instanciation de nœuds
  
- **Opérateurs combinatoires**
  - Flots constants
  - Opérations n-aires, éventuellement importées du langage hôte
  - Alternative
  
- **Opérateur temporels**
  - Prédécesseur
  - Valeur initiale
  - Sous-échantillonnage
  
- **Instanciation de nœuds précédemment déclarés (appel de fonctions)**

- **Flot**
  - Séquence de valeurs sur  $V: F = (f_i)_{i \in \mathbb{N}}$  et  $\forall i \in \mathbb{N}, f_i \in V$
  - Flot constant  $K: K = (k_i)_{i \in \mathbb{N}}$  et  $\forall i, j \in \mathbb{N}, k_i, k_j \in V$  et  $k_i = k_j$
  
- **Opérations n-aires (importées) (e.g. +, \*, not, and, ...)**
  - Application ponctuelle: opérandes et résultats sur la même horloge
  - Soient  $op: V^n \rightarrow V$   
 et n flots  $F_1, \dots, F_n$  avec  $F_i = (f_{ij})_{j \in \mathbb{N}}$   
 on définit  $op(F_1, \dots, F_n) = (op(f_{1i}, \dots, op(f_{ni}))_{i \in \mathbb{N}}$
  
- **Alternative  $R = \text{if cond then } F_1 \text{ else } F_2$** 
  - Application ponctuelle: cond,  $F_1, F_2$  et résultats sur la même horloge,
  - cond flot booléen,  $F_1$  et  $F_2$  flots de même type
  - Soient  $cond = (c_i)_{i \in \mathbb{N}}, F_1 = (f_{1i})_{i \in \mathbb{N}}, F_2 = (f_{2i})_{i \in \mathbb{N}}$ ,  
 on définit  $R = (r_i)_{i \in \mathbb{N}}$  tq  $r_i = f_{1i}$  si  $c_i = \text{true}$ ,  $r_i = f_{2i}$  si  $c_i = \text{false}$

Ici, tous les flots sont sur l'horloge de base

flot	valeur au 1 <sup>er</sup> tick	valeur au 2 <sup>e</sup> tick	valeur au 3 <sup>e</sup> tick	valeur au 4 <sup>e</sup> tick
1	1	1	1	1
C	true	true	false	true
X	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
Y	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$
X op Y	$x_1 \text{ op } y_1$	$x_2 \text{ op } y_2$	$x_3 \text{ op } y_3$	$x_4 \text{ op } y_4$
If C then X else Y	$x_1$	$x_2$	$y_3$	$x_4$

- **Opérateurs booléens**
  - and, or, xor, not, #
  - $T = \#(X, Y, \dots)$  définit que  $X, Y, \dots, T$ : flots booléens  
 $T = (t_i)_{i \in \mathbb{N}}$  /  $t_i = \text{true}$  si au plus 1 parmi  $x_i, y_i, \dots$  vaut true
  
- **Alternative**
  - if ... then ... else
  
- **Opérateurs arithmétiques (entiers et réels)**
  - +, -, \*, /, div, mod
  
- **Comparaison**
  - =, <, <=, >, >=
  
- **Conversion de type**
  - int, real

▪ Délais(pre)

- Soit  $F = (f_i)_{i \in \mathbb{N}}$ ,  $F' = \text{pre}(F)$  demême horloge que  $F$  et définitelq ue:
  - $F'_i = (f'_{i-1})_{i \in \mathbb{N}}$  et  $f'_{-1} = \text{nil}$ ,  
 $f'_i = f_{i-1} \forall i > 1$

▪ initialisation(->)

- Soit  $F_1 = (f_{1i})_{i \in \mathbb{N}}$ ,  $F_2 = (f_{2i})_{i \in \mathbb{N}}$ ,  $F'_1 = F_1 \rightarrow F_2$  est définitelque:
  - $F_1, F_2$  et  $F'$  sont demême horloge et demême type,
  - $F'_i = (f'_{ij})_{j \in \mathbb{N}}$  et  $f'_{i1} = f_{i1}$  et  $\forall i > 1 f'_{i1} = f_{2i}$

Ici, tous les flots sont sur l'horloge de base

flot	valeur au 1 <sup>er</sup> tick	valeur au 2 <sup>e</sup> tick	valeur au 3 <sup>e</sup> tick	valeur au 4 <sup>e</sup> tick
x	x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>
y	y <sub>1</sub>	y <sub>2</sub>	y <sub>3</sub>	y <sub>4</sub>
prex				
x->y				
x->prey				

- Ecrire le code Lustre permettant de compter le nombre d'occurrences de "i" entre deux occurrences successives de "toc". (On ne se préoccupe pas des occurrences de "toc".)

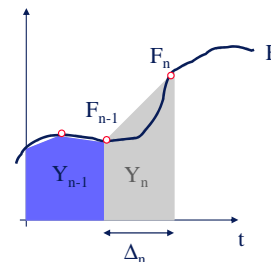


i	F	F	F	T	F	T	T	F
toc	F	T	F	F	F	F	T	F
o	0	0	0	1	1	2	0	0

- Réalisation d'un intégrateur (intégration trapézoïdale)

Soit  $F(t)$  une fonction à intégrer.  
 L'intégrale  $Y(t)$  est définie par:  $Y(t) = Y(t-1) + (F(t-1) + F(t)) * \Delta(t)/2$

Sa discrétisation est donnée par:  $Y_n = Y_{n-1} + (F_{n-1} + F_n) * \Delta_n / 2$



- Représentez en œud Lustre construisant les termes de la suite de Fibonacci définie telle que:  $x_0=0, x_1=1, x_{n+2}=x_{n+1}+x_n$
- Solution avec gestion explicite des valeurs initiales

- Len œud fibo calcule les termes de la suite de Fibonacci à partir du rang 1.
- Représentez les valeurs des flots suivants

```
node fibo (tick : bool) returns (x:int);
let
  x = 1 -> pre (x + (0 -> pre x))
tel;
```

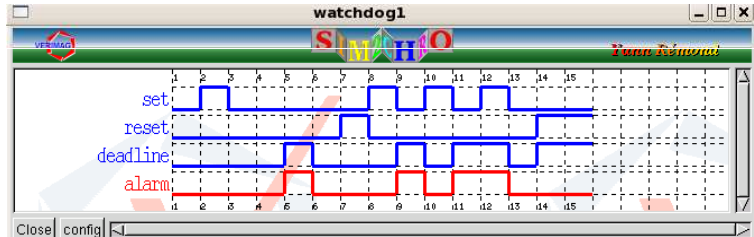
x										
0->pre x										
x+(0->pre x)										
pre(x+(0->pre x))										

- Quer retourne

```
node Test (x:int) returns (z,t:int)
let
  z = 0 -> 1 -> 2;
  t = 0 -> pre(1 -> 2);
tel

?
```

- Chiendegarde ou watchdog
  - Permet de gérer les échéances, e.g. détecter automatiquement une anomalie du logiciel et réinitialiser le processeur
  - 3 arguments: set, reset, deadline
  - Émet alarm lorsque
    - watchdog est activé (unset survenue depuis le dernier reset),
    - et deadline est vrai

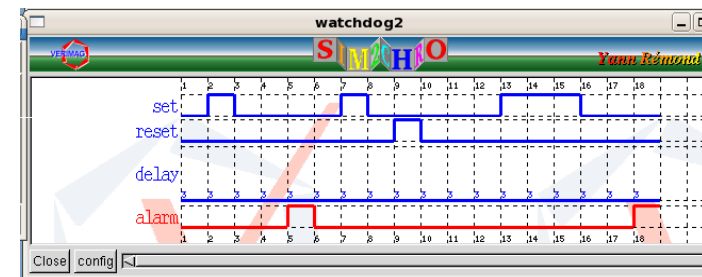


## ▪ Nœudduwatchdog

```
node WATCHDOG1 (set, reset,deadline:bool) returns (alarm:bool);
var watchdog_is_on:bool;
let
  alarm =
  watchdog_is_on =

  assert not (set and reset); -- set et reset ne sont jamais
  -- vrais simultanément
tel;
```

- Lechiendegardeest périodiquement activé (signal **set**) et lors de l'activation, un délai de garde (**delay**) lui est affecté. Une fois activé, lechiendegarde décompte le temps à partir du délai qui lui a été affecté. Si le décompte atteint la valeur nulle (avant que lechiendegarde ne soit réactivé), lechiendegarde émet le signal **alarm**. Lechiendegarde peut être désactivé à tout instant par le signal **reset**.
- Reçoit set, reset, delay
- Émet une alarme (alarm) lorsque set est resté à faux pendant un délai delay
- Le délai de garde est défini en nombre de ticks de l'horloge de base.



```
node WATCHDOG_Timer (set,reset:bool; delay:int) returns (alarm:bool);
var remaining_delay:int; deadline:bool;
let
  alarm =
  deadline = EDGE (
  remaining_delay =

tel;

node EDGE (b:bool) returns (edge:bool);
let
  edge =

tel;
```

- Rejeter les boucles de causalité, signes de verrouillage fatal (deadlock)
  - let x = x + 1; -- x dépend instantanément de lui-même
- Les flots définis récursivement doivent être recalculés séquentiellement (en fonction des valeurs précédentes)
- Conditions syntaxique: une variable récursive doit toujours être regardée par un délai
- Pas de résolution d'équation

```
x = ( 2 * x - 1 ) / x; -- programmé rejeté
```

```
x = if c then y else z; -- programmé rejeté
y = if c then t else x;
```



```
x = if c then
  if c then t else x;
else z;
```

Sous-échantillonnage: when  
Définir un flot plus lent que les entrées

- Soit  $F = (f_i)_{i \in \mathbb{N}}$  un flot sur  $V$  et  $H = (h_i)_{i \in \mathbb{N}}$  un flot booléen
  - $F$  et  $H$  sont définis sur la même horloge,
  - $X = F$  when  $H$  est défini tel que:
    - $X = (x_i)_{i \in \mathbb{N}}$  un flot sur  $V$
    - $x_i = f_j$  si  $h_i = \text{true}$
  - $X$  est sur l'horloge  $H$ , elle-même sur une horloge plus rapide

true	true	true	true	true	true	true
B	false	true	false	true	false	false
X	x <sub>0</sub>	x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>
Y=XwhenB		x <sub>1</sub>		x <sub>3</sub>		

Sur-échantillonnage: current  
Mettre un flot sur l'horloge immédiatement plus rapide

B	false	true	false	true	false	false
X	x <sub>0</sub>	x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>
Y=XwhenB		x <sub>1</sub>		x <sub>3</sub>		
Z=currentY	nil	x <sub>1</sub>	x <sub>1</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>3</sub>

- L'horloge de `current(Y)` est l'horloge de l'horloge de `Y` (donc il n'y a pas de base)
- Al'initialisation, `current(Y)` peut ne pas être initialisé:
  - Soit prendre une horloge de la forme `true -> clk`
  - Soit `current(((if clk then X else init) -> X) when clk)`

- $F = \text{current } X$ 
  - X un flot d'horloge H, elle-même d'horloge Hb  
( $h_i \text{ est défini} \Leftrightarrow hb_i = \text{true}$ )
  - v la dernière valeur de X lorsque  $hb_i = \text{true}$
  - Définition locale d'un élément de F:
    - $sihb_i = \text{true}, f_i = x_i \text{ et } v := x_i$  // affectation de v! : parcours de X
    - $sihb_i = \text{false}, f_i = v$  // valeur courante de v : dépend de sa dernière affectation

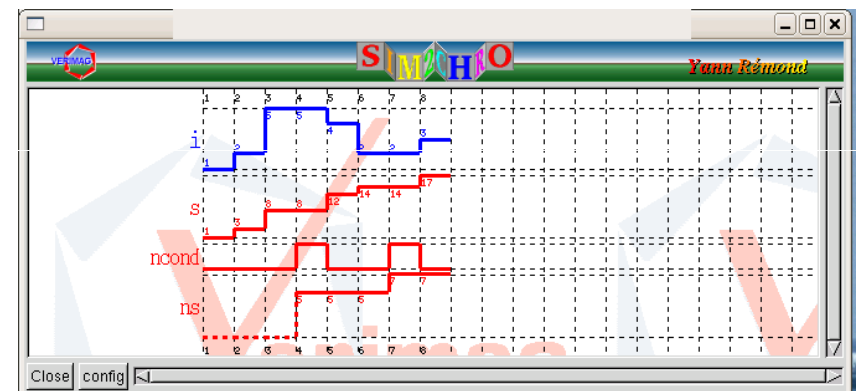
```
node somme(i:int) returns (s:int);
let
  s = i -> pre s + i
tel;
```

i	1	1	1	1	1	1
cond	true	false	true	true	false	true
sommei	1	2	3	4	5	6
somme(iwhencond)	1		2	3		4
(sommei)whencond	1		3	4		6

- Remarques
  - $f(x \text{ when } c) \neq (f \ x) \text{ when } c$
  - $\text{current } (x \text{ when } c) \neq x$

```
node stables(i:int) -- horloge de base (true)
  returns (s:int; ncond:bool;
           (ns:int) when ncond); -- déclaration d'horloge
var cond:bool;
  (l:int) when cond; -- déclaration d'horloge
let
  cond = true -> i <> pre i;
  ncond = not cond;
  l = somme (i when cond);
  s = current (l);
  ns = somme (i when ncond);
tel;
```

- Les horloges doivent être déclarées et visibles dans l'interface d'un œud

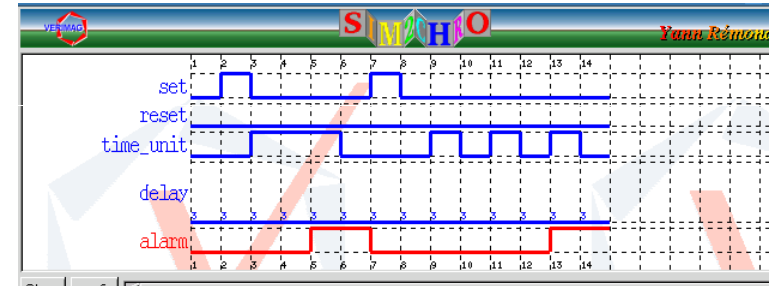




- Lechiendegardereçoitunsignalsupplémentaire  
dénomantsonhorloge.Le décompteesteffectuéàchaqueoccurrence  
del'événement time\_unit)

```
node WATCHDOG3(set, reset, time_unit:bool;delay:int)
  returns (alarm:bool);
  var clk:bool;
  let alarm = current (WATCHDOG2((set, reset, delay) when clk));
  clk = true -> set or reset or time_unit;
  tel;
```

- Remarque:unecomposition `current (f(x when c))` est une « condition d'activation »



```
let half = true -> not pre half;
  y = x and (x when half);
  tel
```

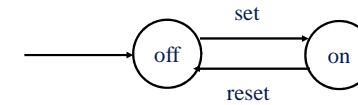
- Correspond à la suite  $\forall n, Y_n = X_n \& X_{2n}$
- Ce programme doit être rejeté: Pas d'implantation en mémoire bornée

- Quelques contraintes à connaître:
  - Les constantes sont sur l'horloge de base d'un œud
  - Pardéfaut, les variables sont sur l'horloge de base d'un œud,
    - clock (e1 op e2) = clock (e1) = clock (e2)
    - clock (e when c) = c
    - clock (current (e)) = clock (clock (e))
- Choix d'implantation:
  - Les horloges sont déclarées et vérifiées
  - Pas d'inférence (plus compliqué)
  - Deux horloges sont égales si elles peuvent être rendues syntaxiquement égales après substitution
- Problème étudié dans la suite du cours

- Complétez le tableau suivant

X	4	1	-3	0	2	7	8	13
Y	true	false	true	true	true	false	false	true
C	true	true	false	true	true	false	true	true
Z=XwhenC								
H=YwhenC								
T=ZwhenH								
current(T)								

- Problème: comment coder un automate?



```

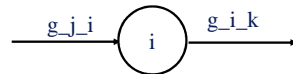
node TWO_STATES(set, reset:bool) returns (on:bool);
let
  on = false ->
    if set and not (pre on) then true
    else if reset and (pre on) then false
    else (pre on);
tel;
  
```

- Penser en termes d'invariants: quelle est l'expression définissant la valeur de 'on' à chaque instant
  - Contrainte: au plus un état actif à chaque instant

- Une variable booléenne par état:
  - $e_i$  est associée à l'état  $i$ :  $e_i = \text{TRUE} \Leftrightarrow$  l'automate est dans l'état  $i$
  - $g_{ij}$ : garde de la transition menant de l'état  $i$  vers l'état  $j$
  - Expanser la fonction de transition pour chaque état

```

e_i = init_i ->
  if pre e_i
    and ( g_{ij}
          or g_{ik}
          ... )
  then false
  else if pre e_j and g_{ji}
        or pre e_k and g_{ki}
        ....
  then true
  else pre e_i;
  
```



- Procéder par identification de flots

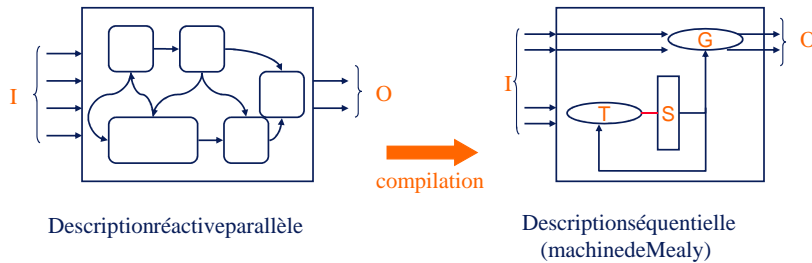
```

node position (tick : bool) returns (x,y : int);
let
  x = 0 -> pre x + 1;
  y = 0 -> pre y + 1;
tel;

node distance_carre (tick : bool) returns (d : int);
var x, y : int;
let
  (x, y) = position (tick);
  d = x * x + y * y;
tel;
  
```

Constructeur de tuples

**La description Lustre est transcrite en un programme exécutable (C)**



- **Code séquentielle plus simple: une boucle infinie**

```

var I, O, S;
proc P_step() ... ; // traitement : évaluation de toutes les équations

S := S0;           // initialisation

foreach step do   // boucle infinie
  read(I);
  P_step();
  write(S);
end foreach
        
```
- **Le corps de la boucle est instantané**
- **step est actionné sur l'horloge de base du système**
- *Détaillé dans la suite du cours*

- **Cohérence du programme (analyse statique): avant la compilation**
- **Vérification par introduction d'observateurs**
  - Un module concurrent observant l'évolution de certains flots
  - Non intrusif
  - Utilisation de clauses `assert / signaux de sortie`
- **Analyse par simulation**
- **Analyse exhaustive de l'espace d'états du programme**
  - **Propriétés de sûreté:**
    - Les systèmes n'entrent pas dans un ensemble d'états mauvais
- *Détaillé dans la suite du cours*

```

Émettre double si on a reçu 2 click en moins de 4 top, sinon single

node counter (res, event: bool) returns (count: int);
var x: int;
let count =
  x =
tel;

node mouse (click, top: bool) returns (single, double: bool);
var counting, res: bool; count: int;
let counting =

  count =
  single =
  double =
  res =
tel;
        
```

